

# Das Morgenstern-Paradoxon

		Holmes	
		Dover	Canterbury
Moriarty	Dover	100, - 100	0, 0
	Canterbury	- 50, 50	100, - 100

$m_D$  = Wahrscheinlichkeit, dass Moriarty nach Dover fährt

$$m_C = 1 - m_D$$

$h_D$  = Wahrscheinlichkeit, dass Holmes nach Dover fährt

$$h_C = 1 - h_D$$

$$\begin{aligned}\pi_M &= m_D [(100)h_D + 0(1 - h_D)] + (1 - m_D) [(-50)h_D + 100(1 - h_D)] = \\ &= m_D (250h_D - 100) - 150h_D + 100\end{aligned}$$

$$\frac{\partial \pi_M}{\partial m_D} = 250h_D - 100 \stackrel{!}{=} 0$$

$$h_D^* = \frac{100}{250} = 0,4$$

$$\begin{aligned}\pi_H &= h_D [(-100)m_D + 50(1 - m_D)] + (1 - h_D) [(0)m_D + (-100)(1 - m_D)] = \\ &= h_D [(-250)m_D + 150] - 100 + 100m_D\end{aligned}$$

$$\frac{\partial \pi_H}{\partial h_D} = -250m_D + 150 \stackrel{!}{=} 0$$

$$m_D^* = \frac{150}{250} = 0,6$$

# Wahrscheinlichkeitsmatrix

		Holmes	
		Dover	Canterbury
Moriarty	Dover	$m_D^* \cdot h_D^* =$ $= 0,6 \cdot 0,4 = 0,24$	$m_D^* (1 - h_D^*) =$ $= 0,6 \cdot 0,6 = 0,36$
	Canterbury	$(1 - m_D^*) h_D^* =$ $= 0,4 \cdot 0,4 = 0,16$	$(1 - m_D^*) (1 - h_D^*) =$ $= 0,4 \cdot 0,6 = 0,24$

Zusammentreffen bedeutet Holmes' Tod:

$$\dagger_H = m_D^* \cdot h_D^* + (1 - m_D^*)(1 - h_D^*) = 0,24 + 0,24 = 0,48$$

Holmes ist mit 48 % tot, wenn er in London in den Zug steigt.