

Zur Berechtigung der grundlegenden theoretischen Konstruktion von Marx im ersten Band des „Kapital“

1. Der Anfang vom Ende

2. Hic Rhodus, hic salta

$$W = c + v + m \quad (1)$$

$$p' = \frac{m}{c + v} \quad (2)$$

$$p' = \frac{M}{C + V} \quad (3)$$

$$p' = \frac{m'}{q + 1} = \frac{m'}{Q + 1} \quad (4)$$

$$P = (c + v)(1 + p') \quad (5)$$

$$\begin{aligned}
P &= (c + v)(1 + p') = c + v + (c + v) \left(\frac{m'}{Q+1} \right) = \\
&= c + v + \frac{m'c + m}{Q+1} = c + v + \frac{m(q+1)}{Q+1} = \\
&= W + m \left(\frac{q+1}{Q+1} - 1 \right) = W + \frac{m}{Q+1}(q - Q) \\
P &= W + p'v(q - Q)
\end{aligned} \tag{6}$$

3. Der empfohlene Richtpreis

$$c_1 + v_1 + m_1 = c_1 + v_1 (1 + m') = c_1 + c_2 + c_3 \tag{7}$$

$$c_2 + v_2 + m_2 = c_2 + v_2 (1 + m') = v_1 + v_2 + v_3 \tag{8}$$

$$c_3 + v_3 + m_3 = c_3 + v_3 (1 + m') = m_1 + m_2 + m_3 \tag{9}$$

$$(1 + \rho)(c_1x + v_1y) = Cx \tag{10}$$

$$(1 + \rho)(c_2x + v_2y) = Vy \tag{11}$$

$$(1 + \rho)(c_3x + v_3y) = Mz \tag{12}$$

$$\frac{v_1}{c_1} = f_1, \quad \frac{v_1 + c_1 + m_1}{c_1} = g_1$$

$$\frac{v_2}{c_2} = f_2, \quad \frac{v_2 + c_2 + m_2}{c_2} = g_2$$

$$\frac{v_3}{c_3} = f_3, \quad \frac{v_3 + c_3 + m_3}{c_3} = g_3$$

$$\sigma = 1 + \rho$$

$$\sigma(x + f_1 y) = g_1 x \tag{13}$$

$$\sigma(x + f_2 y) = g_2 y \tag{14}$$

$$\sigma(x + f_3 y) = g_3 x \tag{15}$$

$$x = \frac{f_1 y \sigma}{g_1 - \sigma} \tag{16}$$

$$(f_1 - f_2)\sigma^2 + (f_2 g_1 + g_2)\sigma - g_1 g_2 = 0 \tag{17}$$

$$\sigma = \frac{f_2 g_1 + g_2 - \sqrt{(g_2 - f_2 g_1)^2 + 4 f_1 g_1 g_2}}{2(f_2 - f_1)} \tag{18}$$

$$y = \frac{g_3}{g_2 + (f_3 - f_2)\sigma} \quad (19)$$

Tabelle 1: Werte

Abteilung	Konstantes Kapital	Variables Kapital	Mehrwert	Produktwert
I	225	90	60	375
II	100	120	80	300
III	50	90	60	200
I - III	375	300	200	875

Tabelle 2: ρ -oder Bortkiewicz-Preise

Abteilung	Konstantes Kapital	Variables Kapital	Profit	Produktwert
I	288	96	96	480
II	128	128	64	320
III	64	96	40	200
I - III	480	320	200	1000

Tabelle 3: p' -oder Marx-Preise

Abteilung	Konstantes Kapital	Variables Kapital	Profit	Produktwert
I	225	90	93, $\bar{3}$	408, $\bar{3}$
II	100	120	65, $\bar{185}$	285, $\bar{185}$
III	50	90	41, $\bar{481}$	181, $\bar{481}$
I - III	375	300	200	875

4. Zwei preiswürdige Rivalen

$$sx + f_1y = g_1x \quad (20)$$

$$sx + f_2y = g_2y \quad (21)$$

$$sx + f_3y = g_3 \quad (22)$$

$$x = \frac{f_1y}{g_1 - s} \quad (23)$$

$$sf_1 + f_2(g_1 - s) - g_2(g_1 - s) = 0$$

$$s(g_2 + f_1 - f_2) + g_1(f_2 - g_2) = 0$$

$$s = \frac{g_1(f_2 - g_2)}{f_2 - g_2 - f_1} \quad (24)$$

$$y = \frac{g_3}{g_2 - f_2 + f_3} \quad (25)$$

Tabelle 4: r - oder Sraffa-Preise

Abteilung	Konstantes Kapital	Variables Kapital	Profit	Produkt- Wert
I	330	100	120	550
II	146, $\bar{6}$	133, $\bar{3}$	53, $\bar{3}$	333, $\bar{3}$
III	73, $\bar{3}$	100	26, $\bar{6}$	200
I - III	550	333, $\bar{3}$	200	1083, $\bar{3}$

$$x + ef_1y = g_1x \quad (26)$$

$$x + ef_2y = g_2y \quad (27)$$

$$x + ef_3y = g_3 \quad (28)$$

$$x = \frac{ef_1y}{g_1 - 1} \quad (29)$$

$$e = \frac{g_2(g_1 - 1)}{f_1 + f_2(g_1 - 1)} \quad (30)$$

$$e = \frac{V(v_1 + m_1)}{v_1 c_2 + v_2(v_1 + m_1)} \quad (31)$$

$$e - 1 = \varepsilon = \frac{v_1 m_2 + v_1 m_1 + v_3 m_1}{v_1 c_2 + v_2 v_1 + v_2 m_1} \quad (32)$$

$$\varepsilon = \frac{m_1 + m_2 + m_3}{c_2 + v_2 + m_2} = \frac{M}{V} = m' \quad (33)$$

(33) und (29) in (28):

$$(1+m') \frac{f_1 y}{g_1 - 1} + (1+m') f_3 y = g_3 \quad (34)$$

$$y = \frac{g_3 c_3}{c_3 + v_3 + m_3} = \frac{M}{M} = 1 \quad (35)$$

5. Ein preiswerter Sieger

Tabelle 5: Sektorale Profite alternativer Preissysteme

Abteilung	ρ -Preise	r -Preise	m' -Preise
I	96	120	60
II	64	53, $\bar{3}$	80
III	40	26, $\bar{6}$	60
I – III	200	200	200

Aus (8) und (9):

$$c_2 = v_1 + v_3 - m_2 \quad (36)$$

$$c_3 = m_1 + m_2 - v_3 \quad (37)$$

$$c_2 + c_3 = m_1 + v_1 \quad (38)$$