Theoretische Physik I Mathematische Grundlagen

http://www.tu-chemnitz.de/physik/THUS/ lehre/MM2_SS13.php

Dr. P. Cain

cain@physik.tu-chemnitz.de Raum 2/P310, Telefon 531-33144

F. Günther

florian.guenther@s2008.tuchemnitz.de Raum 2/P312, Telefon 531-32334

$\ddot{U}bung \ 24 \ {\tiny (18.07.2013)} \\ - \text{Vektoranalysis-}$

- a) and \vec{r} and \vec{r} b) div \vec{r} 3
 c) div $(\vec{a} \times (\vec{a} \times \vec{r}))$ d) div $(x^2 e^{xy} \vec{e}_x + \vec{e}_y + xyz \vec{e}_z)$ e) rot $\vec{a} \times \vec{r}$ f) rot $\vec{r}(\vec{a} \cdot \vec{r})$ g) rot $\frac{\vec{r}}{r^3}$ 24 /1 Berechnen Sie folgenden Ausdrücke mit $\vec{a} = konstant$ und $\vec{r} = (x, y, z)$.

- 24 /2 Zeigen Sie die Gültigkeit der folgenden Beziehungen:
 - a) div rot $\vec{A}(\vec{r}) = 0$
 - b) $\operatorname{rot}(\vec{A} \times \vec{B}) = \vec{A} \operatorname{div} \vec{B} \vec{B} \operatorname{div} \vec{A} + \vec{A} \operatorname{grad} \vec{B} \vec{B} \operatorname{grad} \vec{A}$
- 24 /3 Berechnen Sie den Fluss Φ des Feldes \vec{F} durch die gegebenen Oberflächen (Hinweis: Satz von Gauss):
 - a) $\vec{F}(\vec{r}) = \vec{r}$, Zylinder der Höhe h
 und Durchmesser d
 - b) $\vec{F}(x, y, z) = \alpha x \vec{e}_x$, Würfel der Kantenlänge a
- 24 /4 Gegeben sind die Vektorfelder $\vec{W}_1 = (yz, xz, xy)$ und $\vec{W}_2 = (az, bx, cy)$ (a, b, c = const.)

Bilden Sie für die skizzierte Fläche A jeweils das Umlaufintegral $\oint_{\partial A} \vec{W} d\vec{r}$ für den Umlauf I-II-III-I:

- a) direkt
- b) mit Hilfe des Satzes von Stokes.

