Theoretische Informatik I

4. Übung

Abgabe: Lösen Sie Aufgabe 4. Ihre Lösungen geben Sie bitte entweder

- am 15.11.2022 während der Vorlesung oder
- bis zum 15.11.2022 um 9:00 Uhr per Mail an julian.pape-lange@informatik.tu-chemnitz.de mit *Betreff:* TI1 Hausaufgaben

ab.

1. Aufgabe:

Aus jedem ungerichteten Graph G' = (V, E) kann ein gerichteter Graph G konstruiert werden, indem für jede Kante eine Richtung festgelegt wird. Das heißt, dass die ungerichtete Kante $\{u, v\}$ entweder durch die Kante (u, v) oder (v, u) (aber nicht beide) ersetzt wird.

Welche Bedingungen muss der ungerichtete Graph G' erfüllen, dass es $m\ddot{o}glich$ ist, seine Kanten so zu richten, dass

- (a) G einen Kreis enthält,
- (b) G keinen Kreis enthält,
- (c) G stark zusammenhängend ist,
- (d) G nicht stark zusammenhängend ist?

Geben Sie für die Fälle (a)-(d) auch an, wie sich ein entsprechender Graph G aus dem ungerichteten Graph G' konstruieren läßt.

- 2. Aufgabe: Wir betrachten noch einmal die topologische Sortierung bei gerichteten Graphen.
 - (a) Formulieren Sie einen Algorithmus, der die topologische Sortierung eines Graphen mit Hilfe der Tiefensuche findet.
 - (b) Begründen Sie, warum Ihr Algorithmus eine gültige topologische Sortierung liefert.
 - (c) Welche Laufzeit hat Ihr Algorithmus?

Hinweis: Benutzen Sie die Zeitpunkte, die die Tiefensuche für die einzelnen Knoten liefert.

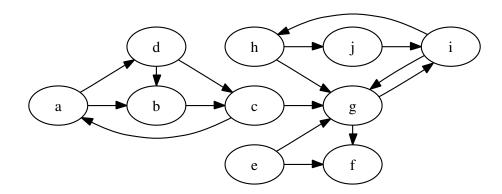
3. Aufgabe:

Wir betrachten die Wege in stark zusammenhängenden Graphen.

- (a) Gibt es einen Graphen G(V, E) mit verschiedenen Knoten $u, t, v \in V$, sodass jeder Weg von u nach v über t geht und jeder Weg von v nach u über t geht?
- (b) Gibt es einen Graphen G(V, E) mit Knoten $u, v \in V$ und Kante $(s, t) \in E$, sodass jeder Weg von u nach v die Kante (s, t) enthält und jeder Weg von v nach u die Kante (s, t) enthält?

4. Aufgabe: ((7+3)P)

(a) Bestimmen Sie die starken Zusammenhangskomponenten des folgenden Graphen.



Demonstrieren Sie dazu den Algorithmus aus der Vorlesung. Gehen Sie davon aus, dass alle Adjazenzlisten alphabetisch geordnet sind und beginnen Sie die erste Tiefensuche bei Knoten b.

(b) Geben Sie die topologische Sortierung der starken Zusammenhangskomponenten an.