

Theoretische Informatik II

9. Übung

1. Aufgabe: Zeigen Sie, dass das *Post'sche Korrespondenzproblem* \mathcal{NP} -hart ist.

2. Aufgabe: Im Beweis des *Satzes von Cook* kommen als Teilformeln aussagenlogische Formeln G über den Variablen y_1, \dots, y_m vor. Diese haben die Eigenschaft

$$G(y_1, \dots, y_m) = 1 \iff \text{Für genau ein } i \text{ ist } y_i = 1.$$

Geben Sie eine Vorschrift an, wie diese Teilformeln konstruiert werden können. Welche Größe haben die Formeln?

3. Aufgabe: Wir betrachten das Verfahren, um eine beliebige *aussagenlogische Formel* in *Polynomialzeit* in eine *erfüllbarkeitsäquivalente 3-KNF-Formel* umzuwandeln.

(a) Demonstrieren Sie das Verfahren an der folgenden Formel.

$$F = (A \rightarrow (B \wedge C)) \vee (\neg C \leftrightarrow (A \vee B))$$

(b) Was bedeutet diese Reduktion für das *3-SAT*-Problem bezüglich \mathcal{NP} ? Warum ist es dazu wichtig, dass die Reduktion in Polynomialzeit durchführbar ist?

4. Aufgabe: Geben Sie eine direkte polynomiale Reduktion (also nicht über *Clique*) von *3-SAT* auf das Problem der *unabhängigen Menge* in einem Graphen an.

5. Aufgabe: Zeigen Sie, dass das Problem der *kürzesten Wege* in gerichteten Graphen, wobei auch negative Kantengewichte zugelassen sind, \mathcal{NP} -vollständig ist.

Hinweis: Reduzieren Sie *gerichteter Hamiltonkreis* \leq_p *kürzester Weg*.

6. Aufgabe: Zeigen Sie, dass das Problem des *Handlungsreisenden* \mathcal{NP} -vollständig ist.

Hinweis: Reduzieren Sie *gerichteter Hamiltonkreis* \leq_p *TSP*.