

## Numerik partieller Differentialgleichungen

### Clément-Quasi-Interpolation

Es sei  $\mathcal{T}$  ein konformes Gitter und  $\{(K, P_K, \Sigma_K)\}_{K \in \mathcal{T}}$  eine affine Familie von Lagrange-Elementen  $\mathbb{P}_1$ . Es sei  $V_h \subset V = H_0^1(\Omega)$  der dazugehörige konforme FE-Raum mit den globalen Freiheitsgraden  $\varphi_j$ , die den Lagrange-Punkten  $a_j$ ,  $j = 1, \dots, M$  im Inneren von  $\Omega$  zugeordnet sind.

- (a) Sei  $\Omega_j$  die Menge (**Patch**) der Zellen  $K$ , die  $a_j$  als Knoten haben.
- (b) Sei  $\Pi_j : V \rightarrow P_0(\Omega_j)$  die orthogonale  $L^2$ -Projektion auf die stückweise konstanten Funktionen auf  $\Omega_j$ , d.h.,

$$\Pi_j(v) = \frac{1}{|\Omega_j|} \int_{\Omega_j} v \, dx.$$

- (c) Die **Clément-Quasi-Interpolierende** ist definiert durch

$$\mathcal{I}_{Cl}(v) = \sum_{i=1}^M (\Pi_j(v))(x_j) \varphi_j \in V_h.$$

- (d) Es sei

$$\begin{aligned} \Omega_K &= \{K' \in \mathcal{T} : K \cap K' \neq \emptyset\} \\ \Omega_E &= \{K' \in \mathcal{T} : E \cap K' \neq \emptyset\}. \end{aligned}$$

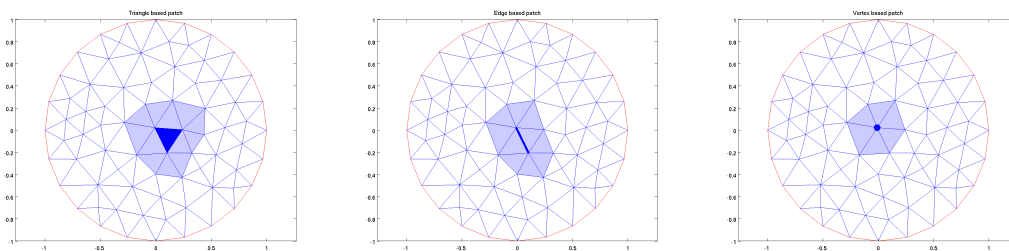


Abbildung 1: Beispiele der Patches  $\Omega_K$  (links),  $\Omega_E$  (Mitte) und  $\Omega_j$  (rechts) bei der Clément-Interpolation