

## Einführung in die Diskrete Mathematik Übung 13

1. Löse das Wägeproblem, wenn bekannt ist, dass die falsche Münze schwerer ist.
2. Zeige, dass es für  $n, q$  ( $q \geq 2$ ) genau dann einen vollständigen  $(n, q)$ -Baum gibt, wenn  $q - 1$  ein Teiler von  $n - 1$  ist.
3. Sei die Menge  $S = \{1, \dots, n\}$  gegeben, und  $x^* \in S$  ein unbekanntes Element. Zur Verfügung stehen nur die Tests  $x^* < i?$  ( $i = 2, \dots, n$ ) mit ja/nein Antworten. Zeige, dass  $L = \lceil \lg n \rceil$  die optimale Länge eines Suchalgorithmus ist.
4. Sei  $(p_1, \dots, p_n)$  eine Verteilung,  $q \geq 2$ . Zeige, dass  $\bar{L}(p_1, \dots, p_n) \leq \bar{L}(\frac{1}{n}, \dots, \frac{1}{n})$  gilt.
5. Zeige, dass jede Permutation  $a_1, a_2, \dots, a_n$  der Zahlen  $1, \dots, n$  durch sukzessive Vertauschung benachbarter Elemente auf die Form  $1, \dots, n$  gebracht werden kann. Beispiel:  $3124 \rightarrow 1324 \rightarrow 1234$ . Was ist die minimale Anzahl von Vertauschungen?